

Zadatak 1

Zadane su funkcije $f(x) = \log_{\frac{1}{2}} x$ i $g(x) = |x - 1|$.

- Odredite pravila pridruživanja funkcija $f \circ g$ i $g \circ f$.
- Na kojim su domenama od funkcija f i g kompozicije $f \circ g$ i $g \circ f$ dobro definirane?
- Nacrtajte grafove funkcija $f \circ g$ i $g \circ f$.

Zadatak 2

Zadane su funkcije $f(x) = \frac{2-x}{3x-1}$ i $g(x) = \frac{x+1}{2x-1}$.

- Odredite pravila pridruživanja funkcija $f \circ g$ i $g \circ f$.
- Na kojim su domenama od funkcija f i g kompozicije $f \circ g$ i $g \circ f$ dobro definirane?

Zadatak 3

Dana je funkcija $f(x) = \log_2(x - 3) - 1$.

- Pronađite inverznu funkciju funkcije f i komentirajte na kojoj domeni i kodomeni je funkcija f bijekcija.
- Nacrtajte na istoj slici graf funkcije f i graf funkcije f^{-1} .

Zadatak 4

Odredite inverzne funkcije sljedećih funkcija i komentirajte na kojim su domenama i kodomenama zadane funkcije bijekcije.

a) $f(x) = 3 \cdot 2^{1-x} + 1$

b) $g(x) = \frac{2x}{x+2}$

Zadatak 5

Odredite inverzne funkcije sljedećih funkcija:

a) $f : \left[0, \frac{\pi}{3}\right] \rightarrow [-2, 2], f(x) = 2 \cos 3x,$

b) $g : \left[0, \frac{\pi}{3}\right] \rightarrow [-2, 2], g(x) = -2 \cos 3x,$

c) $h : \left[-\frac{4\pi}{3}, -\pi\right] \rightarrow [-2, 2], h(x) = 2 \cos 3x,$

d) $k : \left[\pi, \frac{4\pi}{3}\right] \rightarrow [-2, 2], k(x) = 2 \cos 3x,$

e) Koliko rješenja ima jednadžba $2 \cos 3x = 1$ na segmentu $[0, 60\pi]$?